



Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012 Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de febrero de 2017 DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

ASIGNATURA/AREA: Geometría	FECHA:
PERIODO: 3	GRADO: 8° (8°1 y 8°2)
NOMBRE DEL DOCENTE: Karen Vanessa Restrepo Martinez	
NOMBRE DEL ESTUDIANTE:	
FECHA DE ENTREGA:	FECHA DE SUSTENTACIÓN: Según horario organizado por coordinación.
LOGROS: Construye varias representaciones (geométrica, decimales o no decimales) de un mismo número racional o irracional. Aplicados a prismas y pirámides Aplicaciones de perímetros y áreas de figuras planas y de polígonos (Pre requisitos, estos temas del periodo anterior, también los debe aplicar)	
Recursos: Hojas de bloc, lápiz, borrador, regla, lápices de colores, textos de matemáticas e internet.	

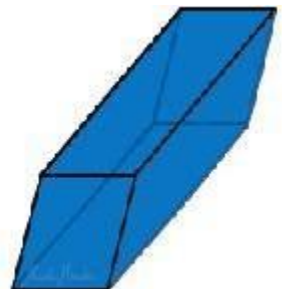
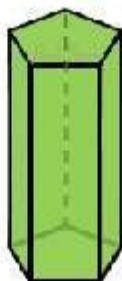
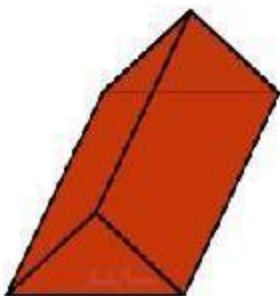
PLAN DE APOYO

ACTIVIDADES

OBSERVACIONES:	
FECHA DE ENTREGA DEL TRABAJO	FECHA DE SUSTENTACIÓN
NOMBRE DEL EDUCADOR Karen Vanessa Restrepo Martinez	FIRMA DEL EDUCADOR

TEORÍA, EXPLICACIONES Y BIBLIOGRAFÍA

PRISMAS: El prisma. Es un cuerpo geométrico en el que dos caras opuestas correspondientes a figuras exactamente iguales, unidas por tantas caras como lados tenga la figura.



Prismas geométricos



Institución Educativa Juan XXIII
Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

Para hallar el volumen de prismas, también se necesita el perímetro y áreas estudiados en el periodo anterior

Formulario de Perímetros y Áreas

Dibujo	Nombre	Perímetro	Fórmulas	Área
	Triángulo	$P = L + L + L$		$A = \frac{b \times h}{2}$
	Cuadrado	$P = 4L$		$A = L \times L$ $A = L^2$
	Rectángulo	$P = 2a + 2b$		$A = b \times a$
	Círculo	$P = D \times \pi$		$A = \pi \times r^2$ $\pi = 3,1416$
	Rombo	$P = 4a$		$A = \frac{D \times d}{2}$
	Pentágono	$P = 5L$		$A = \frac{P \times a}{2}$
	Hexágono	$P = 6L$		$A = \frac{P \times a}{2}$
	Trapezio	$P = L + L + L + L$		$A = \frac{(B \times b) \times h}{2}$
	Paralelogramo	$P = 2a + 2b$		$A = b \times h$

PRISMAS

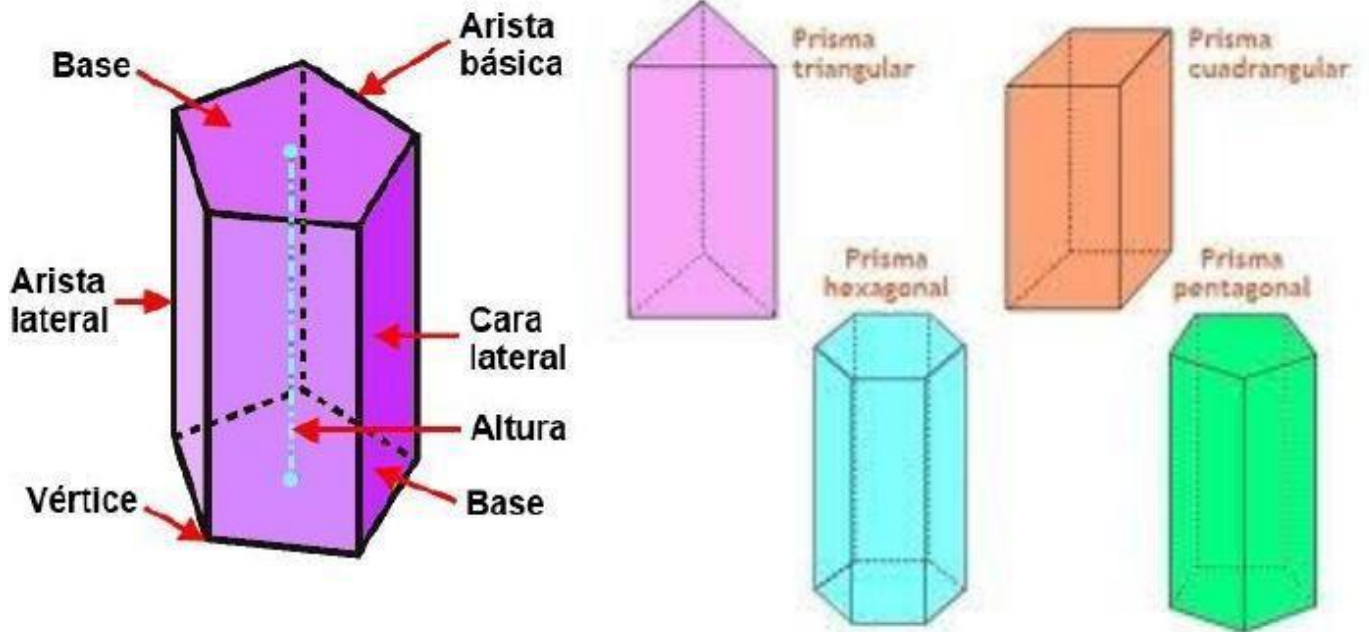
Prismas: Son sólidos geométricos donde dos de sus caras se llaman bases. Sus caras laterales son regulares.



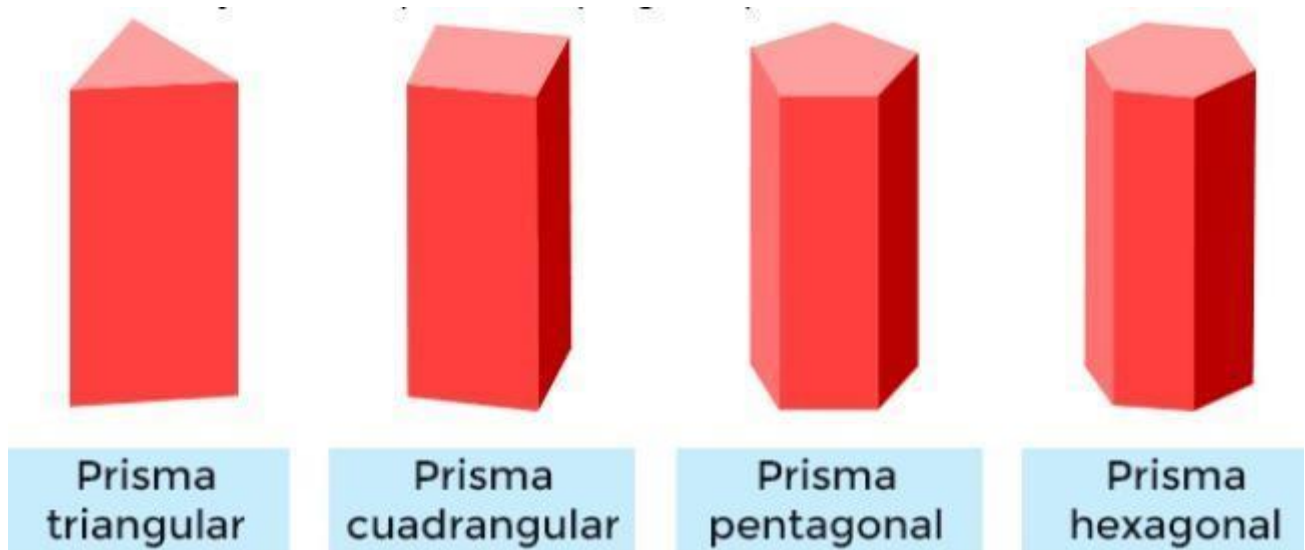
Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1



El nombre del prisma depende del polígono que contiene su base.

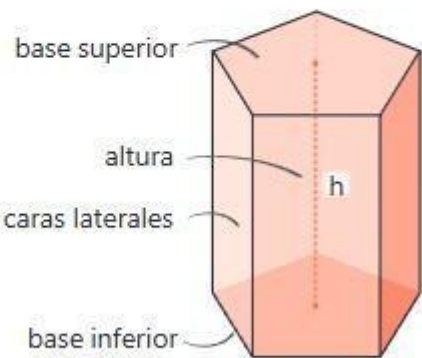


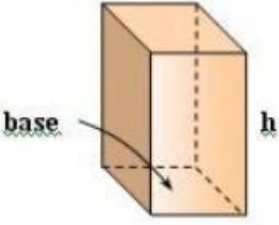
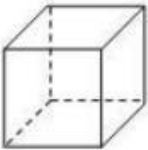


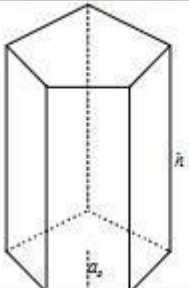
Elementos del prisma

Todos los prismas, cualquiera que sea su forma, tienen en común estos elementos:

- **Base superior e inferior:** son dos polígonos iguales sobre los cuales se apoya el prisma. Las bases pueden ser triángulos, cuadrados, pentágonos, etc.
- **Caras laterales (C_l):** un prisma tiene tantas caras como lados tiene el polígono de la base. Las caras pueden tener forma de cuadrados o de rectángulos.
- **Altura (h):** es la distancia que separa las dos bases del prisma.

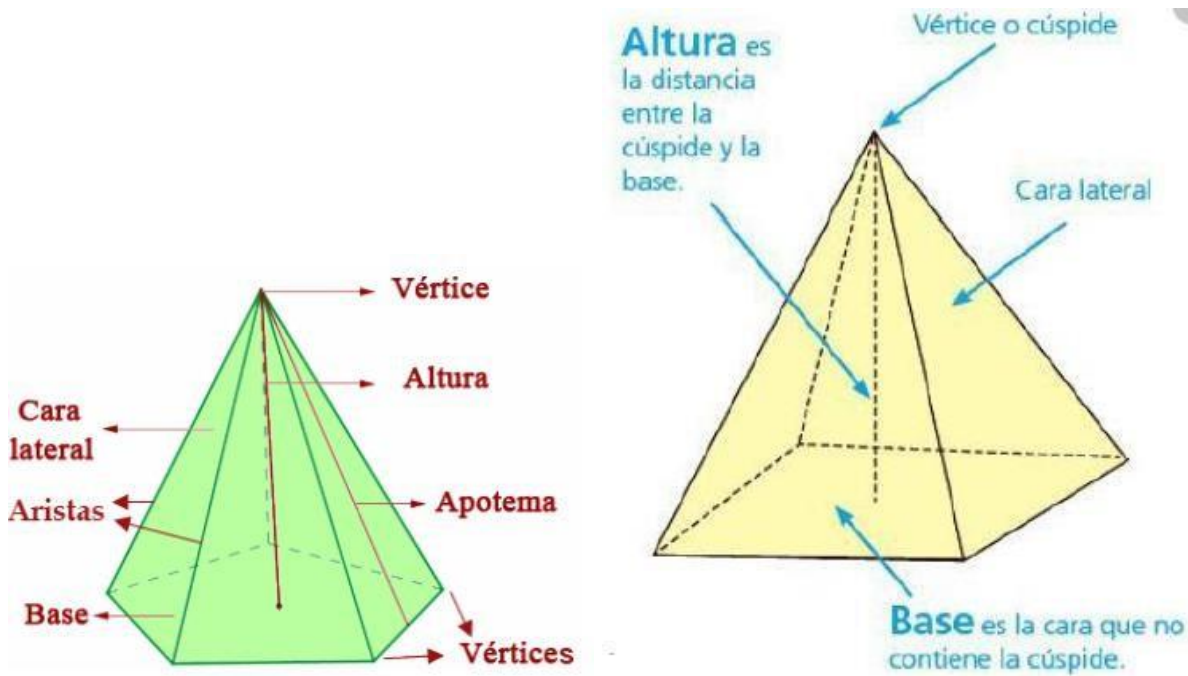


Prisma		A = Suma de A_{caras}	V = A_b · h
Cubo		A = 6 a²	V = a³

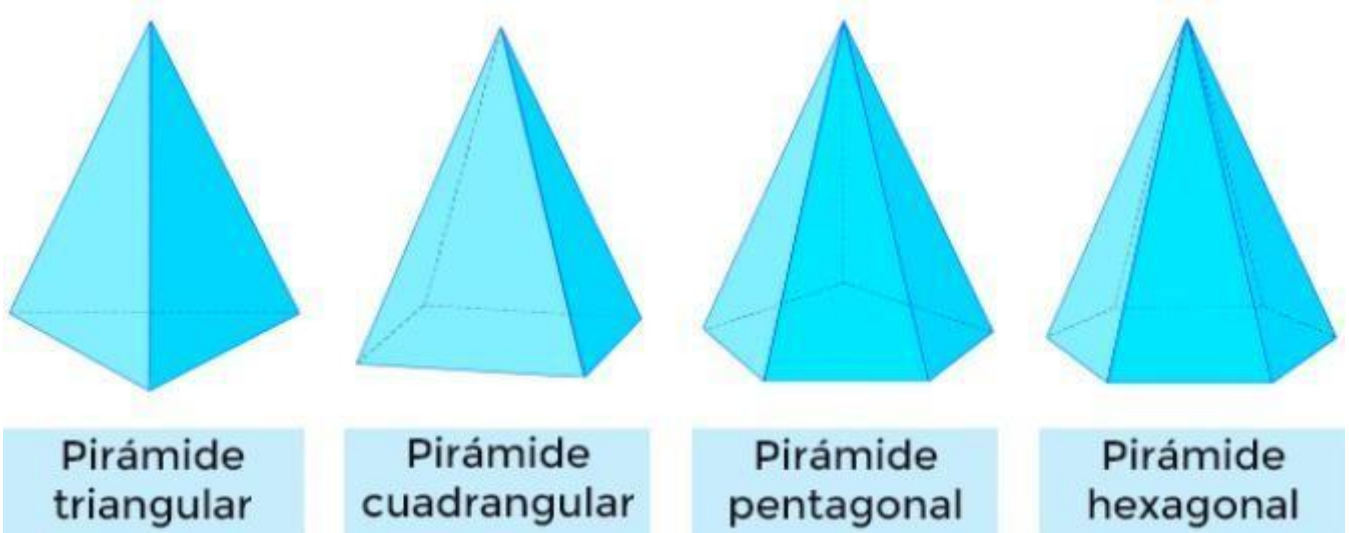
NOMBRE	FORMA	ÁREAS	VOLUMEN
PRISMA		$A_L = p_B \cdot h$ $p_B = \text{perímetro base}$ $A_B = \frac{p_B \cdot a_B}{2}$ $a_B = \text{apotema base}$ $A_T = A_L + 2A_B$	$V = A_B \cdot h$



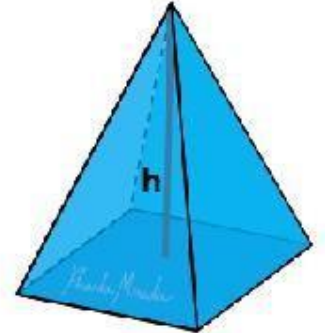
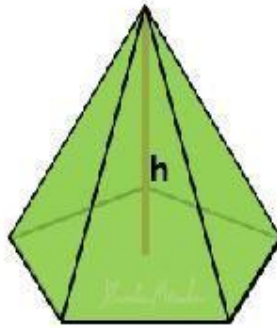
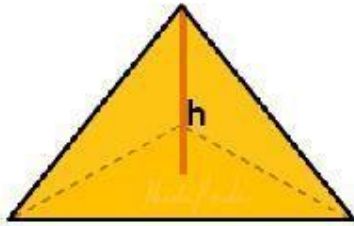
Pirámide: Son sólidos geométricos que sólo poseen una base.



El nombre de la pirámide varía de acuerdo al tipo de polígono de la base.



L tema de las pirámides N lo alcanzamos a analizar con ejercicios de volúmenes, solamente la identificación y la construcción delas gráficas

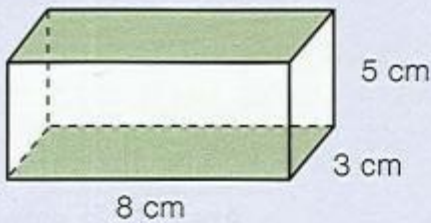


$$\text{Volumen} = \frac{1}{3} \text{ Área de Base} \cdot \text{Altura}$$

$$V = \frac{1}{3} A_b \cdot h$$

Ejercicios resueltos

- El volumen de un prisma es el producto del área de una base por la altura.



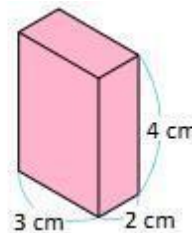
$$V = A_{\text{BASE}} \times h$$

$$A_{\text{BASE}} = 8 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 24 \text{ cm}^2$$

$$V = 24 \text{ cm}^2 \times 5 \text{ cm} = 120 \text{ cm}^3$$

Piensa cómo calcular el volumen del siguiente prisma.

- ¿Cuál es el área de la base del prisma?
- ¿Cuál es la altura?
- ¿Cuál es el volumen del cubo?





Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

- a. El área de la base del prisma es $3 \times 2 = 6$.

R: 6 cm^2

- b. La altura del prisma es de 4 cm.

R: 4 cm

- c. Volumen: área de la base $\times$ ancho

PO: 6×4

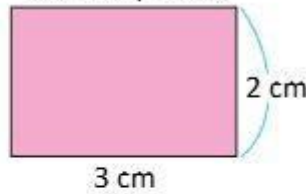
$6 \times 4 = 24$

área de la base
del prisma

altura del
prisma

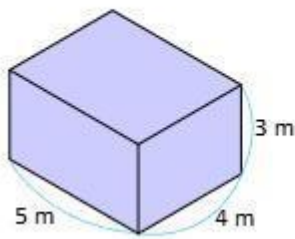
R: 24 cm^3

Base del prisma

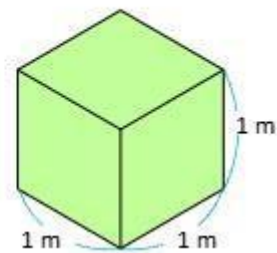


Observa que, el área de la base del prisma se obtiene multiplicando su largo por el ancho al igual que se calculó el número de cubos en la primera capa en la clase anterior. La cantidad de centímetros de la altura es igual al número de capas que se formarían en el prisma.

1. ¿Cuántos cubos de 1 m de lado caben en el siguiente prisma rectangular?



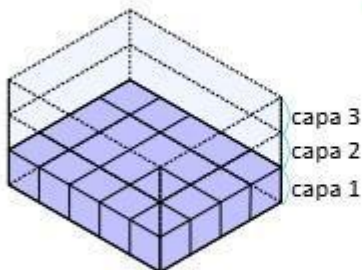
2. ¿Cuántos centímetros cúbicos caben en un cubo de 1 m (100 cm) de lado?



Solución

Como el número de cubos de 1 cm o 1 m de lado que caben en el prisma (o cubo) es igual al resultado de hacer: el número de cubos en la primera capa $\times$ número de capas. Entonces:

1.

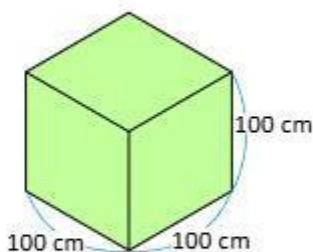


PO: $(5 \times 4) \times 3$
 $5 \times 4 \times 3 = 60$

R: 60 cubos.

2.

2.

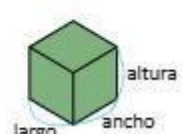
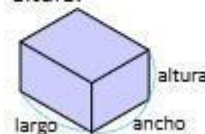


PO: $(100 \times 100) \times 100$
 $100 \times 100 \times 100 = 1,000,000$

R: $1,000,000 \text{ cm}^3$

Recuerda que en un prisma o cubo:

- El número de cubos que caben en la primera capa es igual al resultado de: largo $\times$ ancho
- El número de capas es igual a la cantidad de centímetros o metros en la altura.





Volumen del prisma

El volumen de un prisma es la cantidad de espacio que ocupa. La fórmula para calcularlo es:

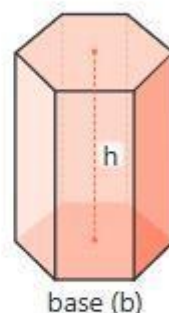
$$V = (A_b)(h)$$

La fórmula se lee: *volumen de un prisma es igual al área de la base por la altura.*

A_b = área de la base del polígono

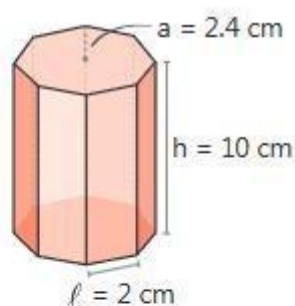
h = altura del prisma

Para aplicar la fórmula del volumen primero debemos calcular el área de la base.



Ejemplo

¿Con cuánto jugo de naranja se puede llenar un vaso, cuya base es un prisma octagonal? La altura del vaso es de 10 cm y la base mide 2 cm por lado y 2.4 cm de apotema.



Para resolver el problema seguimos estos pasos:

- Calculamos el área de una base, como es un polígono regular la fórmula es

$$A_b = \frac{(n)(\ell)(a)}{2}$$

Sustituimos los datos y operamos

$$A_b = \frac{(8)(2 \text{ cm})(2.4 \text{ cm})}{2}$$

Tiene 8 caras, $n = 8$

$$A_b = \frac{8(4.8 \text{ cm}^2)}{2}$$

$$A_b = \frac{38.4 \text{ cm}^2}{2}$$

$$A_b = 19.2 \text{ cm}^2$$

Calculamos el volumen

$$V = (A_b)(h)$$

Sustituimos los datos y operamos

$$V = (19.2 \text{ cm}^2)(10 \text{ cm})$$

$$V = 192 \text{ cm}^3$$



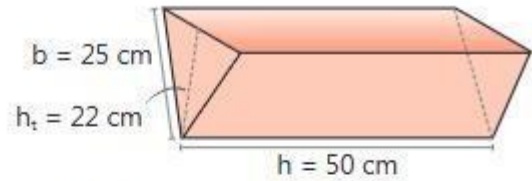
Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

Otro ejemplo

Un bebedero para pollos tiene forma de prisma triangular con las medidas que se muestran en la figura. ¿Cuál es la capacidad del bebedero?



- Calculamos el área de una base, como es un triángulo la fórmula es

Sustituimos los datos y operamos

$$A_b = \frac{(b)(h_t)}{2}$$

$$A_b = \frac{(25 \text{ cm})(22 \text{ cm})}{2}$$

$$A_b = \frac{550 \text{ cm}^2}{2}$$

$$A_b = 275 \text{ cm}^2$$

- Calculamos el volumen

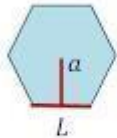
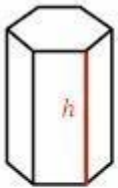
Sustituimos los datos y operamos

$$V = (A_b)(h)$$

$$V = (275 \text{ cm}^2)(50 \text{ cm})$$

$$V = 13\,750 \text{ cm}^3$$

El bebedero tiene una capacidad de 13 750 cm³.



$$V = A_b \times h$$

$$V = (93.6 \text{ m}^2)(10 \text{ m})$$

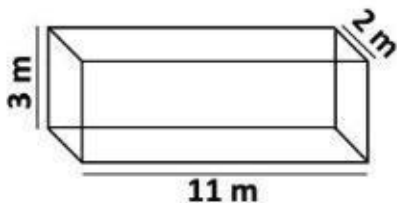
$$V = 936 \text{ m}^3$$

$$A_b = 93.6 \text{ m}^2$$

$$h = 10 \text{ m}$$

Aplica la fórmula del volumen y verifica las respuestas dadas

Marco tiene un estanque para criar truchas que mide 11 metros de largo, 2 metros de ancho y 3 metros de profundidad. ¿Cuál es el volumen del estanque?



Respuesta: 66 m³

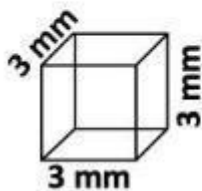


Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

Al artesano Roberto le encargaron unos aretes en forma de cubo con medidas de 3 mm por lado. ¿Qué cantidad de material utilizará Roberto para cada arete?



Respuesta: 27 mm^3

Dibuja un prisma triangular con los siguientes datos y calcula su volumen.

Respuesta: 231 cm^3

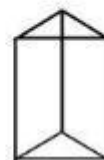
Datos de la base:

lado = 6 cm

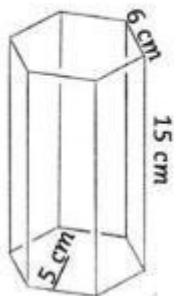
altura = 3.5 cm

Datos del prisma:

altura = 22 cm



Pablo compró un recipiente y quiere conocer su volumen. Explícale a Pablo el procedimiento para determinar el volumen y haz los cálculos correspondientes.



Primero. Calcula el perímetro de la base. $6 \text{ cm} \times 6 \text{ lados} = 36 \text{ cm}$

Segundo. Calcula el área de la base. $(36 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}) \div 2 = 90 \text{ cm}^2$

Tercero. Calcula el volumen. $90 \text{ cm}^2 \times 15 \text{ cm} = 1,350 \text{ cm}^3$

EJERCICIOS O TALLER PARA ESTUDIAR

INDICACIONES

El siguiente taller es un mecanismo de estudio, la evaluación para recuperar el segundo periodo se sacará con ejercicios parecidos a este taller

Este taller NO se entrega, la recuperación es una evaluación, ¿por lo tanto la familia debe verificar que el estudiante realmente estudie a conciencia

Cada estudiante en supervisión del acudiente o padre de familia de ponerse al día con las actividades realizadas en clases y las diversas consultas y tareas planteadas, ponerse al día con el cuaderno con todas las actividades desarrolladas a la fecha

Estudiar las competencias desarrolladas con los temas estudiados en el periodo:

Perímetros y áreas de figuras planas

Teorema de PITÁGORAS

Corregir, estudiar y analizar la evaluación de periodo y las actividades evaluadas en clase



Institución Educativa Juan XXIII

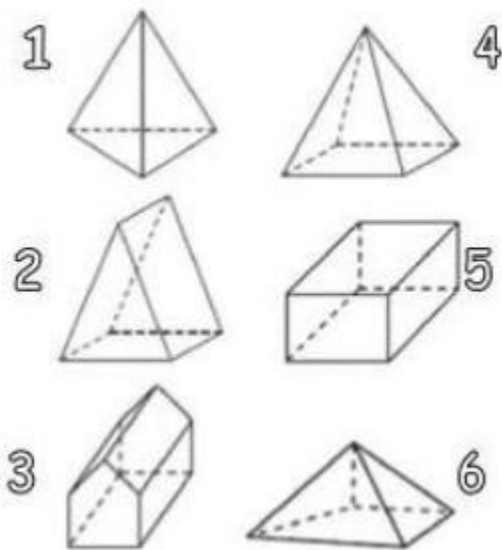
Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

Presentar la evaluación de plan de apoyo en la fecha programada por la Institución, la calificación sacada en la evaluación es la nota que quedará como definitiva del periodo como plan de apoyo

Se insta a la familia a hacer el acompañamiento respectivo para que el estudiante alcance los desempeños del área

1. Observe con atención los siguientes cuerpos geométricos, rodea de color verde los prismas y de azul las pirámides. Completa la tabla:

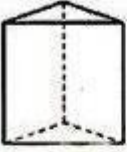
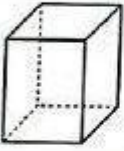
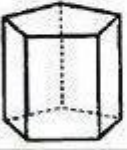
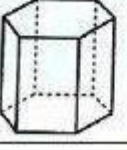




DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

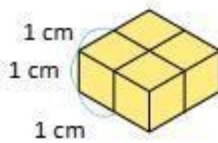
Colorea los prismas. Escribe debajo de cada prisma su nombre.

Después contesta:

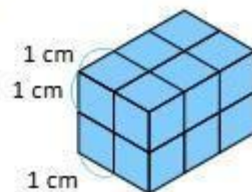
 _____ _____	Número de caras laterales ☐ Número de bases ☐ ¿Qué polígono forma sus bases? _____ Número de vértices ☐ Número de aristas ☐
 _____ _____	Número de caras laterales ☐ Número de bases ☐ ¿Qué polígono forma sus bases? _____ Número de vértices ☐ Número de aristas ☐
 _____ _____	Número de caras laterales ☐ Número de bases ☐ ¿Qué polígono forma sus bases? _____ Número de vértices ☐ Número de aristas ☐
 _____ _____	Número de caras laterales ☐ Número de bases ☐ ¿Qué polígono forma sus bases? _____ Número de vértices ☐ Número de aristas ☐

2.
3. Encuentra el volumen de los siguientes cubos y prismas rectangulares.

a.



b.



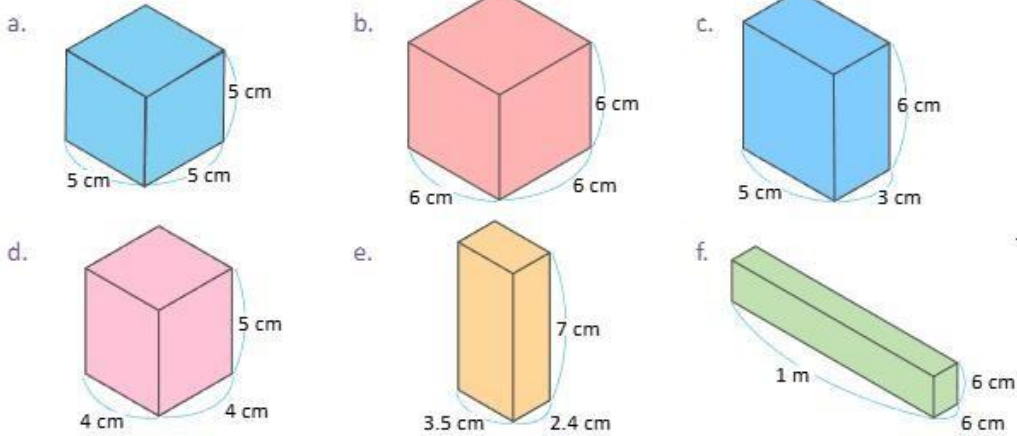


Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

4. Calcula el volumen de los siguientes cubos y prismas rectangulares.

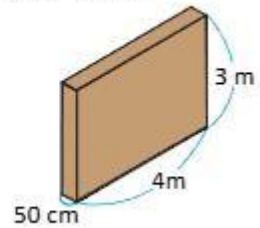
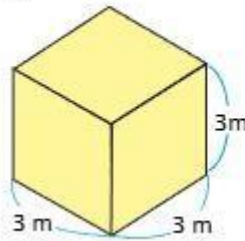
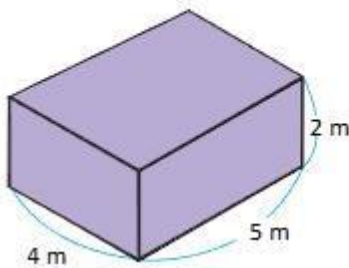


5. Calcula el volumen de los siguientes cuerpos geométricos en m^3 o cm^3 , según la indicación:

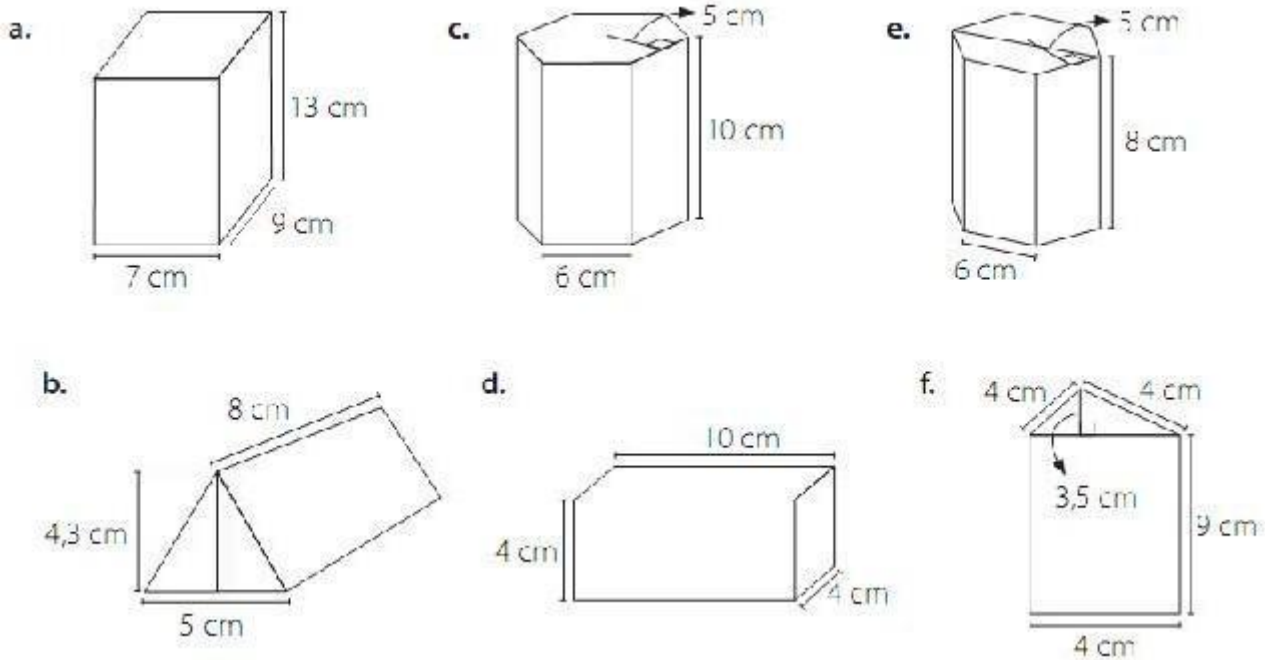
a. (m^3)

b. (m^3)

c. (cm^3 y m^3)



6. Calcular el volumen haciendo todas la operaciones delas siguientes prismas



7. Construya en una cuadrículas cada una de las siguientes pirámides. Con regla y lápiz

a) Pirámide triangular, b) Pirámide cuadrangular c) Pirámide pentagonal d) Pirámide Hexagonal

8. Terminar o corregir el taller que se pudo en calses en el cuaderno



Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

AREAS Y VOLUMENES DE CUERPOS GEOMÉTRICOS

1. El perímetro de la base de un prisma triangular recto mide 15 cm. Hallar el área lateral si la altura del prisma es 12 cm.
2. Calcula las áreas lateral, total y el volumen de un prisma cuadrangular. El lado de la base mide 8 cm y la altura 12 cm.
3. Calcula las áreas lateral, total y el volumen de un cubo de 12 cm de arista.
4. La base de una columna hexagonal mide 40 cm de lado y 34 cm de apotema, la altura de la columna es de 8 m. Calcula lo que cuesta pintar toda la columna, si por m^2 nos cobran \$15.00
5. La base de un estanque es un rectángulo de 25 m y 12 m. Calcular el volumen si la altura es de 1.5 m.
6. Calcula el área lateral y el volumen de un tanque cilíndrico de 5 m de radio y 8 m de altura.
7. Hallar el volumen de un prisma de base pentagonal cuyo lado y apotema son 17 cm y 12 cm respectivamente, la altura del prisma es de 25 cm.

Recuerde que este taller es para prepararse para la evaluación
NO es para entregar

Bibliografía y recursos digitales

https://www.youtube.com/watch?v=1IO8oZkrkXI&list=PLeYSRPnY35dH7FRomUY4UhhFJ-AMNin_5

https://www.youtube.com/watch?v=kCgEnpUjOr4&list=PLeYSRPnY35dH7FRomUY4UhhFJ-AMNin_5&index=3

<https://www.youtube.com/watch?v=8rP37Lmd4Vs>

<https://www.youtube.com/watch?v=FKtGfoW5wxs>

https://guao.org/docentes/primer_ano/matematica/definicion_y_clasificacion_de_cuerpos_geometricos-cuerpos_geometricos_parte_1

https://guao.org/docentes/primer_ano/matematica/definicion_y_clasificacion_de_cuerpos_geometricos-prismas_parte_2

https://guao.org/docentes/primer_ano/matematica/definicion_y_clasificacion_de_cuerpos_geometricos-piramides_parte_iii

Nota: Recordar que la recuperación es una evaluación sobre este taller, no debe entregarlos, sino resolverlo a conciencia para la evaluación